



BAITURSYNULY
UNIVERSITY

ISSN 2310-3353

«АХМЕТ БАЙТҰРСЫНҰЛЫ
АТЫНДАҒЫ ҚОСТАНАЙ ӨҢІРЛІК
УНИВЕРСИТЕТІ» КЕАҚ

ҚМПИ ЖАРШЫСЫ

КЕПСАЛАЛЫ
ФЫЛЫМИ ЖУРНАЛЫ
МНОГОПРОФИЛЬНЫЙ
НАУЧНЫЙ ЖУРНАЛ

№ 3
2024



2024 ж., шілде, №3 (75)

Журнал 2005 ж. қаңтардан бастап шығады

Жылына төрт рет шығады

Кұрылтайшы: *Aхмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті*

Бас редактор: *Куанышбаев С. Б.*, география ғылымдарының докторы, Ахмет Байтұрсынұлы атындағы ҚӨУ, Қазақстан.

Бас редактордың орынбасары: *Жарлыгасов Ж.Б.*, ауыл шаруашылығы ғылымдарының кандидаты, Ахмет Байтұрсынұлы атындағы ҚӨУ, Қазақстан.

РЕДАКЦИЯ АЛҚАСЫ

Әлімбаев А.Е., философия докторы (PhD), А.Қ. Құсайынов атындағы Еуразия гуманитарлық институты, Қазақстан.

Емин Атасой, PhD докторы, Улудаг университеті, Бурса қ., Түркія.

Зоя Микниене, докторы, (PhD) Литва денсаулық туралы ғылым университеті, Каунас қ., Литва Республикасы.

Качев Д.А., философия ғылымдарының кандидаты, тарих магистрі, «Челябі мемлекеттік университеті» ЖББ ФМББМ Қостанай филиалы, Қазақстан.

Ксембаева С.К., педагогика ғылымдарының кандидаты, «Торайғыров университеті» КЕАҚ, Қазақстан.

Лина Анастасова, әлеуметтану ғылымдарының докторы, Бургас еркін университеті, Бургас қ., Болгария.

Медетов Н.А., физика-математика ғылымдарының докторы, «Ш. Уалиханов атындағы Көкшетау университеті» КЕАҚ, Қазақстан.

Мишулина О.В., экономика ғылымдарының докторы, «Челябі мемлекеттік университеті» ЖББ ФМББМ Қостанай филиалы, Қазақстан.

Соловьев С.А., биология ғылымдарының докторы, Новосібір мемлекеттік экономика және басқару университеті, Ресей.

Скороходов Д.М., техника ғылымдарының кандидаты, «Ресей мемлекеттік аграрлық университеті – К.А. Тимирязев атындағы Мәскеу ауыл шаруашылық академиясы» ЖББ ФМББМ, Ресей.

Сычева И.Н., ауыл шаруашылығы ғылымдарының кандидаты, «Ресей мемлекеттік аграрлық университеті – К.А. Тимирязев атындағы Мәскеу ауыл шаруашылық академиясы» ЖББ ФМББМ, Ресей.

Ташев А.Н., экология бойынша биология ғылымдарының кандидаты, орман шаруашылығы университеті, София қ., Болгария.

Уразбоев Г.У., физика-математика ғылымдарының докторы, Ургенч мемлекеттік университеті, Өзбекстан.

Тіркеу туралы қуәлік №5452-Ж

Қазақстан Республикасының ақпарат министрлігімен 17.09.2004 берілген.

Мерзімді баспа басылымын қайта есепке алу 07.11.2023 ж.

Жазылу бойынша индексі 74081

Редакцияның мекен-жайы:

110000, Қостанай қ., Байтұрсынов к., 47

(Редакциялық-баспа бөлімі)

Тел.: 8(7142) 51-11-76

№3 (75), июль 2024 г.
Издается с января 2005 года
Выходит 4 раза в год

Учредитель: Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы

Главный редактор: *Куанышбаев С.Б.*, доктор географических наук, КРУ имени Ахмет Байтұрсынұлы, Казахстан.

Заместитель главного редактора: *Жарлықасов Ж.Б.*, кандидат сельскохозяйственных наук, КРУ имени Ахмет Байтұрсынұлы, Казахстан.

РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ

Алимбаев А.Е., доктор философии (PhD), Евразийский гуманитарный институт имени А.К.Кусаинова, Казахстан.

Емин Атасой, доктор PhD, Университет Улудаг, г. Бурса, Турция.

Зоя Микниене, доктор (PhD), Литовский университет наук здоровья, г. Каунас, Республика Литва.

Качеев Д.А., кандидат философских наук, магистр истории, Костанайский филиал ФГБОУ ВО «ЧелГУ», Казахстан.

Ксембаева С.К., кандидат педагогических наук, НАО «Торайғыров университет», Казахстан.

Лина Анастассова, доктор социологии, Бургасский свободный университет, г. Бургас, Болгария.

Медетов Н.А., доктор физико-математических наук, НАО «Кокшетауский университет им. Ш.Уалиханова», Казахстан.

Мишулина О.В., доктор экономических наук, Костанайский филиал ФГБОУ ВО «ЧелГУ», Казахстан.

Соловьев С.А., доктор биологических наук, Новосибирский государственный университет экономики и управления, Россия.

Скороходов Д.М., кандидат технических наук, ФГБОУ ВО РГАУ-МСХА имени К.А. Тимирязева, Россия.

Сычева И.Н., кандидат сельскохозяйственных наук, ФГБОУ ВО РГАУ-МСХА имени К.А. Тимирязева, Россия.

Ташев А.Н., кандидат биологических наук по экологии, Лесотехнический университет, г. София, Болгария.

Уразбоев Г.У., доктор физико-математических наук, Ургенчский государственный университет, Узбекистан.

Свидетельство о регистрации № 5452-Ж
выдано Министерством информации Республики Казахстан 17.09.2004 г.

Переучёт периодического печатного издания 07.11.2023 г.

Подписной индекс 74081

Адрес редакции:

110000, г. Костанай, ул. Байтұрсынова, 47

(Редакционно-издательский отдел)

Тел.: 8(7142) 51-11-76

Майер, Ф.Ф.,

кандидат физико-математических наук, доцент,
и.о. профессора кафедры математики и физики,
НАО «КРУ имени Ахмет Байтұрсынұлы»,
г. Костанай, Казахстан

Гриденева, В.М.,

начальник отдела разработки и сопровождения
программного обеспечения,
НАО «КРУ имени Ахмет Байтұрсынұлы»,
г. Костанай, Казахстан

ОБ ОДНОМ КЛАССЕ ФУНКЦИЙ С ОГРАНИЧЕННЫМ ВРАЩЕНИЕМ

Аннотация

В статье рассматривается подкласс функций $f(z) = z + a_{n+1}z^{n+1} + \dots, n \geq 1$ с ограниченным вращением, который задается условием $|f'(z)|^{1/\gamma} - a| \leq a$, где $a > 1/2, 0 < \gamma \leq 1$. В данном подклассе получены теоремы искажения, роста и покрытия, а также радиус выпуклости класса. Все результаты являются неулучшаемыми и обобщают ранее известные результаты.

Ключевые слова: функции с ограниченным вращением; теоремы искажения; теоремы роста; радиусы выпуклости.

1 Введение

Обозначим через \mathcal{P}_n класс аналитических в круге $E = \{z: |z| < 1\}$ функций $\varphi(z)$ с положительной вещественной частью, имеющих разложение вида $\varphi(z) = 1 + c_n z^n + c_{n+1} z^{n+1} + \dots, n \geq 1, z \in E$, через \mathcal{N}_n – класс аналитических в E функций $f(z)$ с разложением вида $f(z) = z + a_{n+1}z^{n+1} + a_{n+2}z^{n+2} + \dots, n \geq 1, z \in E$, и пусть $\mathcal{P} := \mathcal{P}_1, \mathcal{N} := \mathcal{N}_1$.

Одним из первых условий однолистности аналитических функций, ставшим к настоящему времени классическим, является условие

$$\operatorname{Re} f'(z) > 0, z \in E, \quad (1)$$

полученное в 1935 году Носиро [1] и Варшавским [2]. В дальнейшем класс функций $f(z)$, удовлетворяющих условию (1), стали обозначать через R и называть классом функций с ограниченным вращением.

Одними из первых исследований класса R являются статьи Александера [3] и Вольфа [4]. Свойства класса R , а впоследствии и свойства его подкласса $R(1)$, заданного условием $|f'(z) - 1| < 1, z \in E$, исследовал Макгрегор [5, 6]. Некоторые свойства более широкого класса функций $R(a) = \{f(z) \in \mathcal{N}: |f'(z) - a| \leq a, a > 1/2, z \in E\} \subset R$ были изучены в Гоэлом в [7, 8], а также Шаффером в [9] для класса $R_n(a) = \{f(z) \in \mathcal{N}: |f'(z) - a| \leq a, a > 1/2, z \in E\}$. Позже в статье [10] исследовались свойства класса $R[A; B]$ функций с ограниченным вращением, заданного с помощью условия

$$f'(z) < \frac{1 + Az}{1 + Bz}, -1 \leq B < A \leq 1, z \in E.$$

Заметим, что класс $R(a)$ является подклассом класса $R[A; B]$ при $A = 1, B = \frac{1}{a} - 1$.

2 Материалы и методы

Доказательство основных результатов статьи основывается на применении метода подчиненности аналитических функций [11]. При этом, говорят, что функция $\varphi(z)$,

аналитическая в круге E , подчинена функции $\varphi_0(z)$, которая является однолистной в круге E , если выполняется условие $\varphi(E) \subset \varphi_0(E), \varphi(0) = \varphi_0(0)$. Подчиненность функций обозначается в виде $\varphi(z) < \varphi_0(z)$. Функция $\varphi(z)$ называется подчиненной функцией, а функция $\varphi_0(z)$ – мажорантой подчинения. Важным свойством подчиненных функций является то, что если $\varphi(z) < \varphi_0(z)$ и $(z) = c_0 + c_n z^n + c_{n+1} z^{n+1} + \dots, n \geq 1, z \in E$, то $\varphi(|z| \leq r) \subset \varphi_0(|z| \leq r^n)$ для всех $r, 0 \leq r < 1$.

Определение 1. Будем говорить, что аналитическая в круге E функция $\varphi(z)$ принадлежит классу $\mathcal{P}_n(a, \gamma)$, если $\varphi(z) \in \mathcal{P}_n$ и выполняется условие

$$\left| \varphi^{\frac{1}{\gamma}}(z) - a \right| \leq a, a > 1/2, 0 < \gamma \leq 1, z \in E. \quad (2)$$

Нетрудно увидеть, что $\mathcal{P}_n(\gamma) := \mathcal{P}_n(\infty, \gamma)$ является классом функций $\varphi(z)$, удовлетворяющих условия $|\arg \varphi(z)| < \gamma\pi/2, z \in E$, и тогда $\mathcal{P}_n(1) = \mathcal{P}_n$.

Условие (2) означает, что $\varphi(z) < \varphi_0(z)$, где

$$\varphi_0(z) = \left(\frac{1+z}{1-(1-1/a)z} \right)^{\gamma}. \quad (3)$$

Лемма. Если $\varphi(z) \in \mathcal{P}_n(a, \gamma)$, то при $|z| = r < 1$, справедливы точные оценки

$$\left(\frac{1-r^n}{1+(1-1/a)r^n} \right)^{\gamma} \leq \operatorname{Re} \varphi(z) \leq |\varphi(z)| \leq \left(\frac{1+r^n}{1-(1-1/a)r^n} \right)^{\gamma}, \quad (4)$$

$$\left| z \frac{\varphi'(z)}{\varphi(z)} \right| \leq \frac{\gamma(2-1/a)nr^n}{(1-r^n)(1+(1-1/a)r^n)}, \quad (5)$$

которые достигаются для функции $\varphi(z) = \varphi_0(z^n)$, где функция $\varphi_0(z)$ определена в (4).

Основное неравенство (5) леммы доказано в [12]. Поскольку функция $\varphi_0(z)$ является выпуклой и симметричной относительно действительной оси, то есть $\varphi_0(\bar{z}) = \overline{\varphi_0(z)}$, $z \in E$, то неравенство (4) вытекает из подчиненности $\varphi(z) < \varphi_0(z)$ на основе соотношения $\varphi(|z| \leq r) \subset \varphi_0(|z| \leq r^n)$, которое имеет место для любого $r, 0 < r < 1$. В силу данного соотношения выполняется неравенство $\varphi_0(-r^n) \leq \operatorname{Re} \varphi(z) \leq |\varphi(z)| \leq \varphi_0(r^n)$, равносильное оценке (5).

Определение 2. Пусть $R_n(a, \gamma)$ есть класс функций $f(z)$ из \mathcal{N}_n таких, что $f'(z) \in \mathcal{P}_n(a, \gamma)$, и пусть $R(a, \gamma) := R_1(a, \gamma)$.

Таким образом, $f(z) \in R_n(a, \gamma)$ тогда и только тогда, когда выполняется условие

$$\left| (f'(z))^{\frac{1}{\gamma}} - a \right| \leq a, a > 1/2, 0 < \gamma \leq 1, z \in E,$$

что на языке подчиненности означает, что $\varphi(z) < \varphi_0(z)$, где функция $\varphi_0(z)$ задается посредством формулы (3). Поскольку функция $w_0(z) = \frac{1+z}{1-(1-1/a)z}$ конформно отображает круг E на круг $\{w: |w-a| < a\}$ и $\varphi_0(z) = (w_0(z))^{\gamma}$, то принадлежность $f(z)$ классу $R_n(a, \gamma)$ означает, что множество значений $f'(E)$ содержится в некоторой области D , содержащейся в плоскости $\operatorname{Re} w > 0$ и ограниченной правой половиной лемнискаты Бернулли, для которой точка $w = 0$ является узловой и угол в узловой точке равен $\gamma\pi$, $\gamma \in (0, 1]$.

Поскольку для любой функции $f(z) \in R_n(a, \gamma)$ выполняется условие $\operatorname{Re} f'(z) > 0, z \in E$, то функция $f(z)$ является однолистной в круге E по признаку однолистности Носиро-Варшавского [1-2].

Частными случаями класса $R_n(a, \gamma)$ являются подклассы $R_n = R_n(\infty, 1) = \{f(z) \in \mathcal{N}_n: \operatorname{Re} f'(z) > 0, z \in E\}$, $R_n(a) = R_n(a, 1) = \{f(z) \in \mathcal{N}_n: |f'(z) - a| < a, a > 1/2, z \in E\}$, $R_n(1) = R_n(1, 1) = \{f(z) \in \mathcal{N}_n: |f'(z) - 1| < 1, z \in E\}$,

В настоящей статье исследуются некоторые свойства класса $R_n(a, \gamma)$, в частности, доказана теорема исказжения и получен радиус выпуклости. Все результаты являются точными и обобщают ряд известных свойств некоторых подклассов класса $R_n(a, \gamma)$.

3-4 Результаты и обсуждение

Теоремы искажения, роста и покрытия для класса $R_n(a, \gamma)$

Теорема 1 (теорема искажения и теорема роста). Если $f(z) \in R_n(a, \gamma)$, то при $|z| = r < 1$, справедливы точные оценки

$$\left(\frac{1-r^n}{1+(1-1/a)r^n}\right)^\gamma \leq |f'(z)| \leq \left(\frac{1+r^n}{1-(1-1/a)r^n}\right)^\gamma, \quad (6)$$

$$\left(\frac{1-r^n}{1+(1-1/a)r^n}\right)^\gamma \leq \operatorname{Re} f'(z) \leq \left(\frac{1+r^n}{1-(1-1/a)r^n}\right)^\gamma, \quad (7)$$

$$\int_0^r \left(\frac{1-t^n}{1+(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt \leq |f(z)| \leq \int_0^r \left(\frac{1+t^n}{1-(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt. \quad (8)$$

Доказательство. Так как $f(z) \in R_n(a, \gamma)$, то по определению 2 функция $\varphi(z) = f'(z) \in \mathcal{P}_n(a, \gamma)$. Поэтому оценки (6)-(7) сразу вытекают из леммы.

Оценки (8) вытекают из оценок (6)-(7) интегрированием:

$$|f(z)| \leq \int_0^r |f'(te^{i\theta})| dt \leq \int_0^r \left(\frac{1+t^n}{1-(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt,$$

$$|f(z)| \geq \int_0^r \operatorname{Re} f'(te^{i\theta}) dt \geq \int_0^r \left(\frac{1-t^n}{1+(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt.$$

Рассматривая функцию

$$f_0(z) = \int_0^z \left(\frac{1+t^n}{1-(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt, \quad (9)$$

можно доказать, что все оценки теоремы 1 являются точными.

При $r = 1$ из левой оценки (8) вытекает

Следствие 1 (теорема покрытия). Образ единичного круга при отображении любой функцией $f(z)$ класса $R_n(a, \gamma)$ содержит круг $|w| < \rho$, где

$$\rho = \int_0^1 \left(\frac{1-t^n}{1+(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt.$$

Примечание 1. При $\gamma = 1$ оценки (6)-(7) получены в статье [9].

Примечание 2. Пусть $\gamma = 1$, $a \rightarrow \infty$. Тогда условие $\left|(f'(z))^{\frac{1}{\gamma}} - a\right| \leq a$ приобретает вид $\operatorname{Re} f'(z) > 0$, то есть получаем класс R_n . Поэтому из теоремы 1 и следствия 1 получаем:

$$\frac{1-r^n}{1+r^n} \leq |f'(z)| \leq \frac{1+r^n}{1-r^n}, \quad (6')$$

$$\frac{1-r^n}{1+r^n} \leq \operatorname{Re} f'(z) \leq \frac{1+r^n}{1-r^n}, \quad (7')$$

$$\int_0^r \left(\frac{1-t^n}{1+t^n}\right) dt \leq |f(z)| \leq \int_0^r \frac{1+t^n}{1-t^n} dt. \quad (8')$$

$$\rho = \int_0^1 \left(\frac{1-t^n}{1+(1-1/a)t^n}\right)^\gamma dt.$$

При $n = 1$ данные результаты получены в [5] для класса R .

Примечание 3. Если взять $\gamma = 1$, $a = 1$, то из теоремы 1 и следствия 1 получим обобщение результатов из [6] для класса $R(1)$ на случай класса $R_n(1)$ при $n \geq 1$.

Примечание 4. Если $\gamma = 1$, $n = 1$, то из теоремы 1 и следствия 1 получаем теоремы искажения, роста и покрытия для класса $R(a)$, рассмотренного в статьях [7-8].

Радиус выпуклости класса $R_n(a, \gamma)$

Теорема 2. Точный радиус выпуклости r_0 класса $R_n(a, \gamma)$ определяется по формуле

$$r_0 = \begin{cases} \left(\frac{1 + \gamma(2a - 1)n - \sqrt{(1 + \gamma(2a - 1)n)^2 + 4a(a - 1)}}{2(1 - a)} \right)^{1/n}, & a \neq 1; \\ (1 + \gamma n)^{-1/n}, & a = 1. \end{cases} \quad (10)$$

Доказательство. Поскольку функция $\varphi(z) = f'(z) \in \mathcal{P}_n(a, \gamma)$, то в силу леммы

$$\left| z \frac{f''(z)}{f'(z)} \right| \equiv \left| z \frac{\varphi'(z)}{\varphi(z)} \right| \leq \frac{\gamma(2 - 1/a)nr^n}{(1 - r^n)(1 + (1 - 1/a)r^n)}.$$

Отсюда

$$\left| Re z \frac{f''(z)}{f'(z)} \right| \leq \left| z \frac{f''(z)}{f'(z)} \right| \leq \frac{\gamma(2 - 1/a)nr^n}{(1 - r^n)(1 + (1 - 1/a)r^n)}.$$

Следовательно,

$$1 + Re z \frac{f''(z)}{f'(z)} \geq 1 - \frac{\gamma(2 - 1/a)nr^n}{(1 - r^n)(1 + (1 - 1/a)r^n)}.$$

Поэтому, если

$$1 - \frac{\gamma(2 - 1/a)nr^n}{(1 - r^n)(1 + (1 - 1/a)r^n)} = 0 \quad (11)$$

при $r = r_0$, то в круге $|z| \leq r_0$ будет выполняться условие выпуклости $1 + Re z \frac{f''(z)}{f'(z)} \geq 0$, то есть функция $f(z)$ является выпуклой в круге $|z| \leq r_0$.

Отметим, что функция

$$M(r) = \frac{\gamma(2 - 1/a)nr^n}{(1 - r^n)(1 + (1 - 1/a)r^n)}$$

возрастает на $(0; 1)$ от 0 до $+\infty$. Поэтому уравнение $1 - M(r) = 0$ на $(0; 1)$ имеет единственный корень r_0 . Следовательно, и уравнение (11) на $(0; 1)$ имеет единственный корень r_0 , который является радиусом выпуклости класса $R_n(a, \gamma)$.

После преобразований уравнения (11), придем к формуле (10).

Покажем теперь, что значение r_0 радиуса выпуклости является точным. Для этого рассмотрим функцию (9). Для функции $f_0(z)$ получаем

$$f'_0(z) = \varphi_0(z^n) = \left(\frac{1 + z^n}{1 - (1 - 1/a)z^n} \right)^\gamma,$$

$$1 + z \frac{f''_0(z)}{f'_0(z)} = 1 + nz^n \frac{\varphi'_0(z^n)}{\varphi_0(z^n)} = 1 + \frac{\gamma(2 - 1/a)nz^n}{(1 + z^n)(1 - (1 - 1/a)z^n)}. \quad (12)$$

Поэтому в точке $z = \sqrt[n]{-1}r$, где $r = r_0$, получаем

$$1 + Re z \frac{f''_0(z)}{f'_0(z)} \Big|_{z=\sqrt[n]{-1}r} = 1 - \frac{\gamma(2 - 1/a)nr_0^n}{(1 - r_0^n)(1 + (1 - 1/a)r_0^n)} = 0.$$

Это означает, что радиус выпуклости r_0 класса является точным, что и завершает доказательство теоремы 2.

Примечание 5. При $a \rightarrow \infty$ условие $|(f'(z))^{1/\gamma} - a| \leq a$ преобразуется к виду $|\arg f'(z)| \leq \gamma \frac{\pi}{2}$, $0 < \gamma \leq 1$. Соответственно, из формулы (10) получаем $r_0 = [(\gamma^2 n^2 + 1)^{1/2} - \gamma n]^{1/n}$. Ранее этот результат в более общем случае получен в [13].

Примечание 6. Для случая $\gamma = 1$, то есть для класса $R_n(a)$, теорема 2 получена в [14, следствие 2.1] и в [9, теорема 10].

Примечание 7. При $\gamma = 1, a \rightarrow \infty$, то есть для класса R_n , теорема 2 с $r_0 = [(n^2 + 1)^{1/2} - n]^{1/n}$ получена в [9, следствие из теоремы 10], а при $a = 1$, то есть для класса $\mathcal{R}_n(1)$, получаем точный результат $r_0 = (n + 1)^{-1/n}$ из [6].

5 Выводы

В статье рассматривается класс функций с ограниченным вращением, имеющих пропуски в разложении в степенной ряд. Для данного класса установлены теоремы иска- жения, роста и покрытия и найден радиус выпуклости. Все результаты являются точными. При определенных значениям параметров данного класса получаются ранее известные результаты.

Используя соотношение $F(z) = z f'(z)$ можно ввести класс почти звездообразных функций $F(z) \in \mathcal{N}_n$, удовлетворяющих условию $\left| \left(\frac{F(z)}{z} \right)^{1/\gamma} - a \right| \leq a, a > \frac{1}{2}, 0 < \gamma \leq 1, z \in E$, на который автоматически переносятся теоремы 1 и 2 в виде теоремы роста и радиуса звездообразности, обобщающие соответствующие результаты из [5, 6, 14].

Список литературы

1. Noshiro K. (1934) On the theory of schlicht functions. *J. Fac. Sci. Hokkaido Imp. Univ., Ser. I Math.*, V. 2, № 3, pp. 129-155. doi: <https://doi.org/10.14492/hokmj/1531209828>.
2. Warschawski S.E. (1935) On the higher derivatives at the boundary in conformal mapping. *Trans. Am. Math. Soc.*, 38(2), pp. 310-340. <https://doi.org/10.1090/S0002-9947-1935-1501813-X>.
3. Alexander J.W. (1915) Functions which map the interior of the unit circle upon simple regions. *Ann. of Math.*, 17, pp. 12-22.
4. Wolff J. (1934) L'integrale d'une fonction holomorphe et a partie reelle positive dans un demiplan est univalent. *C.R. Acad. Sci. Paris*, Ser A-B, 198, pp. 1209-1210.
5. MacGregor T.H. (1962) Functions whose derivative has a positive real part. *Trans. Amer. Math. Soc.*, 104, pp. 532-537. doi: <https://doi.org/10.1090/s0002-9947-1962-0140674-7>.
6. MacGregor T.H. (1964) A class of univalent functions. *Trans. Amer. Math. Soc.*, 15, pp. 311-317.
7. Goel R.M. (1967) A class of univalent functions whose derivatives have positive real part in the unit disc. *Nieuw Arch. Wisk.*, 3(15), pp. 55-63.
8. Goel R.M. (1971) A class of analytic functions whose derivatives have positive real part in the unit disc. *Indian J. Math.*, 3, pp. 141-145.
9. Shaffer D.B. (1973) Distortion theorems for a special class of analytic functions. *Proc. Amer. Math. Soc.*, 39(2), pp. 281-287. doi: <https://doi.org/10.2307/2039632>.
10. (1983) Goel R.M., Mehrok Beant Singh. A subclass of univalent functions. *J. Austral. Math. Soc.*, Series A, 35, pp. 1-17.
11. Голузин Г.М. Геометрическая теория функций комплексного переменного. – М: Наука, 1966. – 628 с.
12. Майер Ф.Ф., Тастанов М.Г., Утемисова А.А., Байманкулов А.Т. Об обобщении некоторых классов почти выпуклых и типично вещественных функций // Вестник ТГУ. Серия «Математика и механика». Томск. – 2023. – № 84. – С.147-156. <https://www.mathnet.ru/links/36b8b367bce77d719cf15cb56737f2af/vtgu1025.pdf>.
13. Майер Ф.Ф., Тастанов М.Г., Утемисова А.А., Козловский С.А. Точные оценки и радиусы выпуклости некоторых классов аналитических функций // Вестник ЮУрГУ. Серия «Математика. Механика. Физика». Челябинск. 2022. Т. 14. №1. С. 42-49. doi: <https://doi.org/10.14529/mmp220105>.
14. Chichra P. (1972) On the radii of starlikeness and convexity of certain classes of regular functions. *J. of the Australian Math. Soc.*, 13(2), pp. 208-218. <https://doi.org/10.1017/S1446788700011290>.

МАЙЕР, Ф.Ф., ГРИДНЕВА, В.М.

АЙНАЛУ МҮМКІНДІГІ ШЕКТЕУЛІ ФУНКЦИЯЛАРДЫҢ БІР КЛАСЫ ТУРАЛЫ

Мақалада $|f'(z)|^{1/\gamma} - a \leq a$ шартымен берілген $f(z) = z + a_{n+1}z^{n+1} + \dots, n \geq 1$ шектеулі айналу функциясының қосалқы класы қарастырылады, мұндағы $a > 1/2, 0 < \gamma \leq 1$ тең.

Бұл қосалқы класста бүрмалау, өсу және қамту теоремалары, сондай-ақ класстың дөңес радиусы алынған. Барлық нәтижелер жетілдірілмеген және бұрынғы белгілі нәтижелерді жалпылайды.

Түйінді сөздер: шектеулі айналу функциялары; бүрмалау теоремалары; өсу теоремалары; дөңес радиустар.

MAYER, F.F., GRIDNEVA, V.M.

ABOUT ONE CLASS OF FUNCTIONS WITH BOUNDED TURNING

The article considers a subclass of functions $f(z) = z + a_{n+1}z^{n+1} + \dots, n \geq 1$ with bounded turning, which is defined by condition $|f'(z)^{1/\gamma} - a| \leq a$, where $a > 1/2, 0 < \gamma \leq 1$. In this subclass, the theorems of distortion, growth and covering, as well as the radius of convexity of the class, are obtained. All the results are unimproved and generalize previously known results.

Key words: functions with bounded turning; distortion theorems; growth theorems; radii of convexity.

УДК 519.245

Тасстанов, М.Г.,

кандидат физико-математических наук, доцент,
и.о. профессора кафедры математики и физики,
НАО «КРУ имени Ахмет Байтұрсынұлы»,
г. Костанай, Казахстан

О МЕТОДАХ РЕШЕНИЯ ВНЕШНЕЙ ЗАДАЧИ ДИРИХЛЕ ДЛЯ УРАВНЕНИЯ ГЕЛЬМГОЛЬЦА

Аннотация

В работе предлагается итеративный метод к расчету внешних задач Дирихле для уравнения Гельмгольца, определенного на плоскости и конструктивный метод к расчету этого результата для задачи обратного рассеяния низких частот для цилиндра. Полученные результаты основаны на использовании конформной картографии и основаны на том факте, что потеря интеграла нормальной производной общего поля за пределами границы в пределах более низких частот недопустима даже в трехмерных условиях. Можно показать, как можно изменить анализ решения, чтобы расширить результаты, полученные для внешней задачи Дирихле для уравнения Гельмгольца. Данные результаты основаны на выборе соответствующего фундаментального решения, с помощью которого интегральное уравнение, связанное с внешней задачей Дирихле, может быть вычислено итерацией для малых величин волнового числа.

Ключевые слова: задача Дирихле, уравнение Гельмгольца, трехмерная задача, методы Монте-Карло, интегральный оператор, эйген функция, мультигрид.

1 Введение

Уравнение Гельмгольца, названное в честь Германа фон Гельмгольца, представляет собой линейное дифференциальное уравнение, используемое в физике и математике. Дифференциальное уравнение Гельмгольца можно рассчитать, разделив переменные. Это уравнение в частных производных и его математическая формула

$$\Delta A + k^2 A = 0$$

где, Δ – Лапласиан, k – коэффициент, A – амплитуда.

БІЗДІҢ АВТОРЛАР

Айтжанова Индира Нурлановна – ЕжКБ бастығы орынбасарының м.а., АТҚжБ кафедрасының ага оқытушысы, PhD докторы, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Амантаев Максат Амантаевұлы – философия докторы (PhD), аграрлық техника және көлік кафедрасының қауымдастырылған профессорының м.а., Машина жасау, энергетика және ақпараттық технологиялар факультеті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Амантаева Раушан Қадырбековна – экономика ғылымдарының магистрі, PhD докторантты, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Байжанова Лилия Абдул-Насыровна – экономика ғылымдарының магистрі, меңгерушісінің м.а.кафедралар, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Байкин Айдар Косымович – PhD докторы, Құқық және экономика факультетінің деканы, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Банициков Даниил Александрович – 7М07105 – Көлік, көлік техникасы және технологиясы мамандығының 2 курс магистранты, аграрлық техника және көлік кафедрасының қауымдастырылған профессорының м.а., Машина жасау, энергетика және ақпараттық технологиялар факультеті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Баубекова Гаухар Коныспаевна – Ө. Сұлтангазин атындағы педагогикалық институттының, Ахмет Байтұрсынұлы атындағы ҚҰУ жаратылыстану пәндер кафедра меншерушісі, Қостанай қ., Қазақстан.

Бекманова Аружен Арайсенбайқызы – 6В05102 – Биотехнология ББ 4 курс студенті,, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Гриденева Вероника Михайловна – багдарламалық қамтамасыз етуді өзірлеу және сүйемелдеу бөлімі бастығы, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Давлетбаева Жұлдыз Жетпісбайқызы – әлеуметтану ғылымдарының кандидаты, Қазақстан Республикасы Президентінің жасындағы Мемлекеттік басқару академиясының Мемлекеттік саясаттың ұлттық мектебінің профессоры, Астана, Қазақстан.

Елисеев Вячеслав Сергеевич – 7М07105 – Көлік, көлік техникасы және технологиясы мамандығының 2 курс магистранты, аграрлық техника және көлік кафедрасының қауымдастырылған профессорының м.а., Машина жасау, энергетика және ақпараттық технологиялар факультеті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Золотухин Евгений Александрович – философия докторы (PhD), аграрлық техника және көлік кафедрасының қауымдастырылған профессорының м.а., Машина жасау, энергетика және ақпараттық технологиялар факультеті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Қалиева Мадина Талғатқызы – 6В01703 – Орыс тілі мен әдебиеті мамандығының 4 курс студенті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өнірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Клат Яна Юрьевна – Ө. Сұлтангазин атындағы педагогикалық институттың, Ахмет Байтұрсынұлы атындағы ҚҰУ География білім беру бағдарламасының 4 курс студенті, Қостанай қ., Қазақстан.

Коваль Андрей Петрович – экономика гылымдарының кандидаты, гылым және коммерцияландыру басқармасының бастығы, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қазақстан Республикасы Еңбек және халықты әлеуметтік қоргау министрлігінің Еңбекті қоргау жөніндегі республикалық гылыми-зерттеу институтының жетекші гылыми қызметкері, Қостанай қ., Қазақстан.

Кравченко Руслан Иванович – философия докторы (PhD), аграрлық техника және көлік кафедрасының меңгерушісінің м.а., Машина жасау, энергетика және ақпараттық технологиялар факультеті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Курманов Алмас Мухаметкаримович – экономика гылымдарының кандидаты, Қазақстан Республикасы Еңбек және халықты әлеуметтік қоргау министрлігінің Еңбекті қоргау жөніндегі республикалық гылыми-зерттеу институтының бас директоры, Астана қ., Қазақстан.

Лопушнян Мария Сергеевна – 6В02304 - Орыс филологиясы мамандығының 4 курс студенті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Майер Федор Федорович – физика-математика гылымдарының кандидаты, доцент, математика және физика кафедрасының профессорының м.а., «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Молдагалиева Нұржанат Доскалиевна – экономика гылымдарының магистрі, бухгалтерлік есеп және басқару кафедрасының оқытушысы, Қостанай қ., Қазақстан.

Мухаметкалиева Ельмира Мамытжановна – PhD докторы, ага оқытушы, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Мырзагалиева Кулзада Мешишбаевна – филология гылымдарының кандидаты, қауымдастырылған профессор, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Омарова Диляна Кенжебековна – «Қазақ тілі мен әдебиеті» мамандығының 4 курс студенті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Петрунин Максим Юрьевич – Ахмет Байтұрсынұлы атындағы ҚҰУ Ө.Сұлтангазин атындағы педагогикалық институты, География білім беру бағдарламасының 4 курс студенті, Қостанай қ., Қазақстан.

Рұстембаев Арман Базарханұлы – философия гылымдарының докторы (PhD), С.Сейфуллин атындағы Қазақ агротехникалық зерттеу университеті Технология факультеті көліктік техника және технологиялар кафедрасының меңгерушісі, Қазақстан.

Сайдов Анзор Мусаевич – экономика гылымдарының магистрі, ага оқытушы, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Сартanova Налима Телгораевна – экономика гылымдарының кандидаты, доцент, «Экономика және қаржы» кафедрасының профессорының м.а., «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Сегізбаева Кенжегүл Құнусбайқызы – филология гылымдарының кандидаты, тіл және әдебиет теориясы кафедрасының доценті м.а., «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Семибаламут Александр Викторович – т.э.к., доцент, «Көлік және сервис» кафедрасы, М.Дулатов атындағы Қостанай инженерлік-экономикалық университеті, Қостанай қ., Қазақстан.

Серикбаев Байжан Бақытжанович – информатика педагогтарын даярлау мамандығының 1 курс магистранты, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Субаева Асия Камильевна – экономика гылымдарының докторы, доцент, А. Н. Туполев атындағы Қазан ұлттық техникалық зерттеу университетінің "Восток" Чистополь филиалы — КАИ, Татарстан, Ресей.

Тастанов Мейрамбек Ғабдуалиұлы – физика-математика гылымдарының кандидаты, доцент, математика және физика кафедрасының профессорының м.а., «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Тобылов Қуаныш Тобылович – ә.ғ.к., бухгалтерлік есеп және басқару кафедрасының қауымдастырылған профессор м.а., Қостанай қ., Қазақстан.

Тұрғын Даңияр Нұрбекұлы – 7M07105 – Көлік, көлік техникасы және технологиясы мамандығының 2 курс магистранты, аграрлық техника және көлік кафедрасының қауымдастырылған профессорының м.а., Машина жасау, энергетика және ақпараттық технологиялар факультеті, «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

Шамкенов Руслан Жаксылыкович – Қазақстан Республикасы Президентінің жсанындағы Мемлекеттік басқару академиясының Мемлекеттік саясаттың ұлттық мектебінің магистранты, Астана, Қазақстан.

Шаяхметова Лилия Мұслимовна – PhD, жоғары оқу орнынан кейінгі білім беру бөлімінің бастығы – Alikhan Bokeikhan University, гылыми қызметкер-Қазақстан Республикасы Еңбек және халықты әлеуметтік қорғау министрлігінің Еңбекті қорғау жөніндегі республикалық гылыми-зерттеу институты, Семей қаласы, Қазақстан.

Шумейко Татьяна Степановна – педагогика гылымдарының кандидаты, қауымдастырылған профессор, физика, математика және цифрлық технологиялар кафедрасы профессорының м.а., «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ, Қостанай қ., Қазақстан.

НАШИ АВТОРЫ

Айтжанова Индира Нурлановна – и.о. зам. начальника УНиК, ст.преподаватель кафедры ПБиБ, доктор PhD, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Амантаев Максат Амантайұлы – доктор философии (PhD), и.о. ассоциированного профессора кафедры аграрной техники и транспорта, Факультет машиностроения, энергетики и информационных технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Амантаева Раушан Кадырбековна – магистр экономических наук, докторант, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Байжанова Лилия Абдул-Насыровна – магистр экономических наук, и.о.зав.кафедры, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г.Костанай, Казахстан.

Байкин Айдар Косымович – доктор PhD, декан факультета Экономики и права, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г.Костанай, Казахстан.

Баников Даниил Александрович – магистрант 2 курса специальности 7М07105 – Транспорт, транспортная техника и технологии, кафедры аграрной техники и транспорта, Факультет машиностроения, энергетики и информационных технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Баубекова Гаухар Коныспаевна – заведующий кафедрой ЕНД, педагогический институт имени У.Султангазина, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Бекманова Аружан Бейсенбайкызы – 4 курс, ОП 6В05102 – Биотехнология, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Гриденева Вероника Михайловна – начальник отдела разработки и сопровождения программного обеспечения, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Давлетбаева Жулдыз Жетпышсаевна – профессор, кандидат социологических наук, Академия государственного управления при Президенте Республики Казахстан, Астана, Казахстан.

Елисеев Вячеслав Сергеевич – магистрант 2 курса специальности 7М07105 – Транспорт, транспортная техника и технологии, кафедры аграрной техники и транспорта, Факультет машиностроения, энергетики и информационных технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Золотухин Евгений Александрович – доктор философии (PhD), и.о. ассоциированного профессора кафедры аграрной техники и транспорта, Факультет машиностроения, энергетики и информационных технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Калиева Мадина Талгатовна – студентка 4 курса специальности 6В01703 – Русский язык и литература, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Клат Яна Юрьевна – студентка 4 курса, ОП География, кафедры ЕНД, педагогический институт имени У.Султангазина, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Коваль Андрей Петрович – кандидат экономических наук, начальник управления науки и коммерциализации – Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы; ведущий научный сотрудник – Республиканский научно-исследовательский институт по охране труда Министерства труда и социальной защиты населения Республики Казахстан, г. Костанай, Казахстан.

Кравченко Руслан Иванович – доктор философии (PhD), и.о. заведующего кафедрой аграрной техники и транспорта, Факультет машиностроения, энергетики и информационных технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Курманов Алмас Мухаметкаrimович – кандидат экономических наук, генеральный директор – Республиканский научно-исследовательский институт по охране труда Министерства труда и социальной защиты населения Республики Казахстан, г. Астана, Казахстан.

Лопушнян Мария Сергеевна – студентка 4 курса специальности 6В02304 -Русская филология, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Майер Федор Федорович – кандидат физико-математических наук, доцент, и.о. профессора кафедры математики и физики, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Молдагалиева Нуржанат Доскалиевна – магистр экономических наук, преподаватель кафедры бухгалтерского учета и управления, г. Костанай, Казахстан.

Мухаметкалиева Ельмира Мамытжановна – доктор PhD, ст.преподаватель, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Мырзагалиева Кулзада Мешитбаевна – кандидат филологических наук, ассоц. профессор, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Омарова Диляна Кенжебековна – студентка 4 курса по специальности «Казахский язык и литература», НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Петрунин Максим Юрьевич, студент 4 курса, ОП География, кафедры ЕНД, педагогический институт имени У.Султангазина, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Рустембаев Арман Базарханович – доктор философии (PhD), заведующий кафедры транспортная техника и технологии, Технический факультет, Казахский агротехнический исследовательский университет имени С.Сейфуллина, Казахстан.

Сайдов Анзор Мусаевич – магистр экономических наук, ст.преподаватель, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Сартanova Налима Телгораевна – кандидат экономических наук, доцент, и.о. профессора кафедры «Экономики и финансы», НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Сегизбаева Кенжеғүль Кунусбаевна – кандидат филологических наук, и.о. ассоциированного профессора кафедры теории языков и литературы, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Семибаламут Александр Викторович – кандидат технических наук, ассоциированный профессор, кафедры транспорта и сервиса, Костанайский инженерно-экономический университет им. М. Дулатова, г. Костанай, Казахстан.

Серикбаев Байжан Бакытжанович – магистрант 1 курса, специальности Подготовка педагогов информатики, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г.Костанай, Казахстан.

Субаева Асия Камильевна – доктор экономических наук, доцент, Чистопольский филиал «Восток» Казанского национального исследовательского технического университета имени А. Н. Туполева – КАИ, Татарстан, Россия.

Тастанов Мейрамбек Габдуалиевич – кандидат физико-математических наук, доцент, и.о профессора кафедры математики и физики, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г. Костанай, Казахстан.

Тобылов Куаныш Тобылович – к.э.н., и.о. ассоциированного профессора кафедры бухгалтерского учета и управления, г. Костанай, Казахстан.

Тұрғын Даңиәр Нұрбекұлы – магистрант 2 курса специальности 7М07105 – Транспорт, транспортная техника и технологии, кафедры аграрной техники и транспорта, Факультет машиностроения, энергетики и информационных технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г.Костанай, Казахстан.

Шамкенов Руслан Жаксылымович – магистрант, Академия государственного управления при Президенте Республики Казахстан, Астана, Казахстан.

Шаяхметова Лилия Муслимовна – PhD, начальник отдела послевузовского образования – Alikhan Bokeikhan University, научный сотрудник – Республиканский научно-исследовательский институт по охране труда Министерства труда и социальной защиты населения Республики Казахстан, г. Семей, Казахстан.

Шумейко Татьяна Степановна – кандидат педагогических наук, ассоциированный профессор, и.о. профессора кафедры физики, математики и цифровых технологий, НАО «Костанайский региональный университет имени Ахмет Байтұрсынұлы», г.Костанай, Казахстан.

OUR AUTHORS

Aitzhanova Indira Nurlanovna - acting deputy Head of the Science and Commercialization Department, Senior Lecturer of the Food safety and biotechnology department, PhD, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Amantayev Maksat Amantaiuly – PhD, acting Associate Professor of the Department of agricultural machines and transport, Faculty of mechanical engineering, energy and information technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Amantayeva Raushan Kadyrbekovna – Master of Economic Sciences, PhD student, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Baizhanova Liliya Abdul-Nasyrovna – Master of Economic Sciences, acting Head of the department, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Baykin Aidar Kossymovich - PhD, Dean of the Faculty of economics and law, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Banshchikov Daniil Aleksandrovich – 2nd year Master student, 7M07105 – Transport, transport equipment and technology educational program, Department of agricultural machines and transport, Faculty of mechanical engineering, energy and information technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Baubekova Gaukhar Konyspaevna – Head of the Department of natural science subjects, U.Sultangain Pedagogical Institute, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Bekmanova Aruzhan Beissenbaykyzy – 4th year student, 6B05102 – Biotechnology educational program, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Gridneva Veronika Mikhailovna – Head of Software Development and Maintenance Department, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Davletbayeva Zhuldyz Zhetpysbayevna – Professor, Candidate of Sociological Sciences, Academy of Public Administration under the President of the Republic of Kazakhstan, Astana, Kazakhstan.

Yeliseyev Vyacheslav Sergeyevich – 2nd year Master student, 7M07105 – Transport, transport equipment and technology educational program, Department of agricultural machines and transport, Faculty of mechanical engineering, energy and information technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Zolotukhin Yevgeniy Alexandrovich – PhD, acting Associate Professor of the Department of agricultural machines and transport, Faculty of mechanical engineering, energy and information technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Kaliyeva Madina Talgatovna – 4th year student, 6B01703 – Russian language and literature educational program, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Klat Yana Yuryevna – 4th year student, Geography educational program, Department of natural science subjects, U.Sultangazin Pedagogical Institute, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Koval Andrey Petrovich – Candidate of Economic Sciences, Head of the Department of science and commercialization – Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University; Leading Researcher – Republican Research Institute for Labor Protection of the Ministry of Labor and Social Protection of the Population of the Republic of Kazakhstan, Kostanay, Republic of Kazakhstan.

Kravchenko Ruslan Ivanovich – PhD, acting head of the Department of agricultural machines and transport, Faculty of Mechanical engineering, energy and information technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Kurmanov Almas Mukhametkarimovich – Candidate of Economic Sciences, General Director – Republican Scientific Research Institute of Labor Protection of the Ministry of Labor and Social Protection of the Population of the Republic of Kazakhstan, Astana, Kazakhstan.

Lopushnyan Mariya Sergeyevna – 4th year student, 6B02304 -Russian philology educational program, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Mayer Fyodor Fyodorovich – Candidate of Physical and Mathematical Sciences, Associate Professor, acting Professor of the Department of mathematics and physics, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Moldagaliyeva Nurzhanat Doskaliyevna – Master of Economic Sciences, Lecturer of the Department of accounting and management, Kostanay, Kazakhstan.

Mukhametkaliyeva Elmira Mamytzhanovna – PhD, Senior lecturer, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Myrzagaliyeva Kulzada Meshitbayevna – Candidate of Philological Sciences, Associate Professor, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Omarova Dilnaz Kenzhebekovna – 4th year student, majoring in “Kazakh language and literature”, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Petrunin Maxim Yuryevich – 4th year student, Geography educational program, Department of natural science subjects, U.Sultangazin Pedagogical Institute, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Rustembayev Arman Bazarkhanovich – PhD, Head of the Department of transport engineering and technology, faculty of technology, S. Seifullin Kazakh Agrotechnical Research University, Kazakhstan.

Saidov Anzor Musaevich – Master of Economic Sciences, senior Lecturer, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Sartanova Nalima Telgorayevna – Candidate of Economic Sciences, Associate Professor; Professor of the Department of economics and finance, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Segizbayeva Kenzhegul Kunusbayevna – Candidate of Philology, acting Associate Professor Department of theory of languages and literature, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Semibalamut Alexander Viktorovich – Candidate of Technical Sciences, Associate Professor, Department of transport and service, M. Dulatov Kostanay Engineering and Economic University, Kostanay, Kazakhstan.

Serikbayev Baizhan Bakytzhanovich – 1st year Master’s student, Training of computer science teachers educational program, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Subayeva Assiya Kamiliyevna – Doctor of Economic Sciences, Associate Professor, Chistopol branch «Vostok» of the Kazan National Research Technical University named after A. N. Tupolev - KAI, Tatarstan, Russia.

Tastanov Meirambek Gabdualiyevich – Candidate of Physical and Mathematical Sciences, Associate Professor, acting Professor of the Department of mathematics and physics, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Tobyllov Kuanysh Tobyllovich – Candidate of Economic Sciences, acting Associate Professor of the Department of accounting and management, Kostanay, Kazakhstan.

Turgyn Daniyar Nurbekuly – 2nd year Master's student, 7M07105 – Transport, transport equipment and technology educational program, Department of agricultural machines and transport, Faculty of mechanical engineering, energy and information technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

Shamkenov Ruslan Zhaksylykovich – Master student, Academy of Public Administration under the President of the Republic of Kazakhstan, Astana, Kazakhstan.

Shayakhmetova Liliya Muslimovna – PhD, Head of the Department of Postgraduate Education – Alikhan Bokeikhan University, Researcher – Republican Research Institute for Labor Protection of the Ministry of Labor and Social Protection of the Population of the Republic of Kazakhstan, Semey, Kazakhstan.

Shumeyko Tatyana Stepanovna – Candidate of Pedagogical Sciences, Associate Professor, acting Professor of the Department of physics, mathematics and digital technologies, Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University NLC, Kostanay, Kazakhstan.

АВТОРЛАРДЫҢ НАЗАРЫНА

«ҚМПИ Жаршысы» журналы әлеуметтік-гуманитарлық, физика-математикалық, техникалық, биологиялық, химиялық-технологиялық, экономикалық ғылымдар және экология, халықаралық байланыстар салалары бойынша бұрын жарияланбаған өзекті ізденіс нәтижелері туралы мақалаларды жариялады.

Редакциялық алқа мүшелері журнал материалдарының мазмұнына сын-пікір білдіргенмен кейін басылымға ұсыну шешімі шығарылады. Қабылданбаған мақалаларды редакциялық алқа мүшелері кайта қарастырмайды.

Мақалалар қазақ, орыс және ағылшын тілдерінде жарияланады.

Журнал жыл барысында төрт рет шығарылады (қантар, сәуір, шілде, қазан).

«Қазпошта» АҚ-ның кез келген бөлімінде журналға жазылу мүмкіндігі қарастырылған. Жазылым индексі 74081.

Мақалаға қойылатын талаптар:

Мәтіннің көлемі сөз аралықтары мен сілтемелерді қоса алғанда 15000-нан 60000 таңбаға дейін болуы қажет (0,3-тен 1,5 баспалық парапқа дейін, яғни 5–24 бет).

Мәтіннің рәсімделуіне қойылатын техникалық талаптар:

Қаріп – Times New Roman, өлшемі – 12, мәтіннің туралануы – беттің ені бойынша.

Жиектері: барлық жағынан 2 см.

Жоларалық интервал: бірлік.

Абзацтар аралығы «Алдында» – жоқ, «Кейін» – жоқ.

Азат жол – 1,25 см.

Мәтін: парапта бір бағана.

Мақаланың басқы беті келесі ақпараттарды қамтуы қажет:

1. *ӘОЖ коды.* Беттің сол жағына қалың қаріппен жазылады. Авторлық материалға ӘОЖ кодын мына сілтеме арқылы алуға болады: <http://teacode.com/online/udc/>.

2. *Автордың аты-жөні.* Беттің оң жағына қалың қаріппен ӘОЖ кодынан бір тармақ төмен жазылады.

3. *Авторлар туралы ақпарат.* Беттің оң жағына көлбеу әріптермен жазылады: автордың ғылыми дәрежесі, ғылыми атағы, қызметі, қызмет орны, қаласы, мемлекеті.

4. *Мақала атауы.* Беттің ортасында бас әріптермен және қалың қаріппен жазылады.

5. *Мақала түйіні.* «Түйін» сөзі (орыс. «Аннотация», ағылш. «Abstract») беттің ортасында қалың қаріппен мақала атауынан бір тармақ төмен жазылады. Түйін мақаланың жарияланатын тілінде жазылады. Түйін мәтіні: сөз аралықтарын қоса алғанда 500–800 таңба, мәтіннің туралануы – беттің ені бойынша, шегініс – оң және сол жақтан 2 см, азат жол – 1,25 см. Мақала тілінде жазылған түйінді мақала тілінде жазылған түпкі түйінмен (резюме) ауыстыру мүмкіндігі қарастырылған.

6. *Мақаланың түпкі түйіні.* Мақала жарияланатын тілден білек, мақала атауының аудармасымен екі тілде жазылады. Түпкі түйін мәтіні: көлбеу әріптермен әдебиеттер тізімінен кейін 1 тармақ төмен жазылады, сөз аралықтарын қоса алғанда 500–800 таңба, мәтіннің туралануы – беттің ені бойынша, азат жол – 1,25 см.

7. *Кілт сөздер* (5–8 сөз және/немесе сөз тіркесі). Кілт сөздер үш тілде сәйкесінше «Түйін» және «Түпкі түйіннен» төмен жазылады. «Кілт сөздер» тіркесі (орыс. «Ключевые слова», ағылш. «Key words»): қалың әріптермен, беттің сол жағына жазылады, шегініс – оң және сол жақтан 2 см, «Кілт сөздер» тіркесінен кейін қос нұктес қойылады, ары қарай кілт сөздер жазылады.

8. *Негізгі мәтін* келесі бөлімдерден тұрады:

1) *Kipicne* (орыс. – Введение, ағылш. – Introduction).

2) *Материалдар және әдістер* (орыс. – Материалы и методы, ағылш. – Materials and methods).

- 3) Нәтижелер (орыс. – Результаты, ағылш. – Results).
- 4) Талқылау (орыс. – Обсуждение, ағылш. – Discussion).
- 5) Қорытынды (орыс. – Выводы, ағылш. – Conclusions).
- 6) Ризашылық білдіру (орыс. – Благодарности, ағылш. – Appreciation).

3 және 4 бөлімдер біріктірілуі мүмкін, 6 бөлім – қажеттілік туындаған жағдайда ғана жазылады.

Мақала бөлімдері нөмірленуі тиіс. Сандардан кейін нұкте қойылмайды. Бөлім атауларының жазылуы: қаріп – Times New Roman, өлшемі – 12, қалың қаріппен, туралануы – беттің сол жағында.

Мәтінде белгілі бір тармақты немесе тізімді белгілеуде араб сандары қолданылады.

9. *Әдебиеттер тізімі* (орыс. – Список литературы, ағылш. – References). Әдебиеттер тізімі мақаладан кейін жазылады. «Әдебиеттер тізімі» тіркесіңдер қаріппен жазылады, қаріп өлшемі – 12, шегініс – 1,25 см.

Дереккөздер туралы ақпаратты мәтінде дереккөздерге сілтеменің жасалу реті бойынша орналастырып, араб сандарымен нөмірлеу қажет. Сандардан кейін нұкте қойылмайды. Шрифт өлшемі – 11, шегініс – 1,25 см.

Қолданылған дереккөздерге сілтемелер тік жақшаның ішінде келтірілгені абзал. Библиографиялық жазу түпнұсқа тілінде орындалады.

Китаптардың шығыс деректерінің жазылу тәртібі: автордың (авторлардың) тегі, аты-жөнінің баскы әріптері, кітаптың аты, жарияланған орны, басылымы, шықкан жылы, беттер. Мысалы: Семенов В.В. Философия: итог тысячелетий. Философская психология. – Пущино: ПНЦ РАН, 2000. – Б. 60–65.

Журнал, мерзімді басылымдардың шығыс деректерінің жазылу тәртібі: автордың (авторлардың) тегі, аты-жөнінің баскы әріптері, мақала атауы, журнал атауы, жылы, басылым нөмірі, беттер. Мысалы: Голубков Е.П. Маркетинг как концепция рыночного управления // Маркетинг в России и за рубежом. – 2001. – № 1. – Б. 89–104.

Жинақтардың шығыс деректерінің жазылу тәртібі: автордың (авторлардың) тегі, аты-жөнінің баскы әріптері, мақала атауы, жинақ атауы, басылым жылы, беттер. Мысалы: Зимин А.И. Влияние состава топливных эмульсий на концентрацию оксидов азота и серы в выбросах промышленных котельных // Экологическая защита городов: тез. докл. науч.-техн. конф. – М.: Наука, 1996. – Б. 77–79.

Электрондық ресурстардың шығыс деректерінің жазылу тәртібі: мақала атауы, автор туралы ақпарат, мақаланың шығу орны, мерзімі, сонымен қатар, ақпараттық тасымалдаушы, жүйелік талаптар, ғаламтор ресурстарын қолдану мүмкіндіктері (Художественная энциклопедия зарубежного классического искусства [Электронный ресурс]. – Электрон. текстовые, граф., зв. дан. и прикладная прогр. (546 Мб). – М.: Большая Рос. энцикл. [и др.], 1996. – 1 электрон. опт. диск (CD-ROM) + рук. Пользователя (1 с.). – Систем. требования: ПК 486 или выше; 8 Мб ОЗУ; Windows 95 или новее; SVGA 32768 и более цв.; 640x480; 4x CD-ROM дисковод; 16 бит. зв. карта; мышь; Faulkner, A., Thomas, P. Проводимые пользователями исследования и доказательная медицина [Электронный ресурс] // Обзор современной психиатрии: электронный журнал. – 2002. – Вып. 16. – Режим доступа: <http://www.psyobsor.org>).

10. *Кестелерді жасау*. Әрбір кестенің реттік нөмірі мен атауы болуы шарт. Кесте нөмірі және атауы кестенің жоғары жағына орналастырылады. Көлбеке әріптермен жазылған «Кесте 1» («Таблица 1», «Table 1») сөзінен кейін сзызықша қойылып, кесте атауы қалыпты әріптермен жазылады, туралануы – беттің ортасында, шрифт өлшемі – 11, кестедегі мәтіннің туралануы – беттің сол жағы.

11. *Графикалық материалдар* «Microsoft Graph» немесе «Excel» бағдарламаларында орындалуы қажет және сканерден өткізілмеуі қажет.

Графикалық бейнелер сурет немесе біртұтас объект ретінде берілуі тиіс. Графикалық объектілер беттің белгіленген жиектерінен аспай, бір беттен артық болмауы қажет.

Әрбір объектінің нөмірі және атауы болуы керек. Объект нөмірі мен атауы объектіден төмен орналасуы қажет. Шрифт өлшемі – 11, мәтіннің орналасу қалпы – беттің сол жағы.

12. *Формулалардың берілуі.* Математикалық формулаларды формулалар редакторы «Microsoft Equation» арқылы белгілеу қажет. Олар жақша ішінде он жақтан нөмірленеді. Формулалар көп болған жағдайда әрбір бөлімнің формулаларын тәуелсіз нөмірлеу ұсынылады.

13. *Мақалага міндетті түрде тіркелетін ақпараттар:*

- автор туралы ақпарат (үш тілде): тегі, аты, әкесінің аты, ғылыми атағы, ғылыми дәрежесі, қызыметі, жұмыс орны (ЖОО, мекеме атауы, факультет, кафедра), жұмыс және ұялы телефон нөмірі;
- ғылым кандидаты, докторы немесе PhD докторының мақалага қатысты сын-пікірі (ғылыми дәрежесіз авторлар үшін).

Редакция ұсынылған барлық материалдарға сын-пікір білдіруге міндетті емес және материалдары қабылданбаган авторлармен пікірталасқа түспейді.

**Мақалалардың қабылдануы және жариялануы бойынша
сауалдар туындаған жағдайда мына мекен-жайға жүгініңіз:**

Қазақстан Республикасы, 110000, Қостанай қ., Байтұрсынов көш., 47
ҚР БФМ «Ахмет Байтұрсынұлы атындағы Қостанай өңірлік университеті» КЕАҚ
БСН 200740006481, БЖК КСЛВКZKX
ЖСК KZ398562203108711441 «Банк Центр Кредит» АҚ

Қазақстан Республикасы, 110000, Қостанай қ., Байтұрсынов көш., 47
№007 каб. Тел.: 8-777-581-51-20
E-mail: vestnik.kru@ksu.edu.kz

ИНФОРМАЦИЯ ДЛЯ АВТОРОВ

Журнал «ҚМПИ Жаршысы» публикует статьи об оригинальных и ранее не печатавшихся результатах исследований в области социально-гуманитарных, физико-математических, технических, биологических, химико-технологических, экономических наук, по экологии, международным научным связям и т.п.

Решение о публикации принимается редакционной коллегией журнала после рецензирования. Отклоненные статьи повторно редколлегией не рассматриваются.

Статьи публикуются на казахском, русском, английском языках.

Журнал выходит четыре раза в год (январь, апрель, июль, октябрь).

Подписку на журнал можно оформить в любом почтовом отделении АО «Казпочта». Подписной индекс 74081.

Требования к статьям:

Объём текста статьи должен быть от 15000 до 60000 знаков, включая пробелы и сноски (от 0,3 до 1,5 печатных листов, т.е. от 5 до 24 страниц).

Технические требования к оформлению текста:

Шрифт: Times New Roman, размер шрифта – 12, выравнивание текста – по ширине страницы.

Поля: по 2 см со всех сторон.

Межстрочный интервал: одинарный.

Интервал между абзацами «Перед» – нет, «После» – нет.

Отступ «Первой строки» – 1,25.

Текст: одна колонка на странице.

Первая (титульная) страница статьи должна содержать следующую информацию:

1. *Код УДК*. Полужирный, положение по левому краю страницы. Присвоить УДК авторскому материалу можно здесь: <http://teacode.com/online/udc/>.

2. *Ф.И.О. автора*. Полужирный курсив, положение на странице – по правому краю через строку после кода УДК.

3. *Сведения об авторе*. Курсив, положение на странице – по правому краю: ученая степень, ученое звание, должность, место работы, город, страна.

4. *Заглавие*. Прописные буквы, полужирный, положение по центру страницы.

5. *Аннотация к статье*. Слово «Аннотация» (каз. «Түйін», англ. «Abstract»), полужирный, положение по центру страницы, через строку после заглавия. Аннотация оформляется на языке статьи. Допускается замена аннотации на языке статьи на резюме на языке статьи. Текст аннотации: 500–800 знаков с пробелами, курсив, выравнивание по ширине страницы, отступы слева и справа – по 2 см, отступ «Первой строки» – 1,25.

6. *Резюме к статье*. Оформляется на двух языках, отличных от языка статьи, с переводом названия статьи. Текст резюме: курсивный, после списка литературы через интервал, 500–800 знаков с пробелами, положение по ширине текста, отступ «Первой строки» – 1,25.

7. *Ключевые слова* (от 5 до 8). Ключевые слова пишутся на трех языках, размещаются соответственно под «Аннотацией» и «Резюме». Фраза «Ключевые слова» (каз. «Кілт сөздер», англ. «Key words»): полужирный, отступы слева и справа – по 2 см, после фразы ставится двоеточие. Сами ключевые слова указываются после фразы «Ключевые слова» в той же строке, через запятую.

8. *Основной текст* делится на следующие разделы:

1) *Введение* (каз. – Кіріспе, англ. – Introduction).

2) *Материалы и методы* (каз. – Материалдар мен әдістер, англ. – Materials and Methods).

3) *Результаты* (каз. – Нәтижелер, англ. – Results).

4) *Обсуждение* (каз. – Талқылау, англ. – Discussion).

5) Выводы (каз. – Қорытынды, англ. – Conclusions).

6) Благодарности (каз. – Ризашылық білдіру, англ. – Appreciation).

Разделы 3 и 4 могут объединяться, раздел 6 – по необходимости.

Разделы статьи должны быть пронумерованы, необходимо нумеровать арабскими цифрами без точки. Оформление заголовков разделов – шрифт Times New Roman, размер шрифта – 12, полужирный, положение по левому краю страницы.

При выделении в тексте отдельных пунктов или списков следует использовать только арабские цифры.

9. Список литературы (каз. – Әдебиеттер тізімі, англ. – References). Список литературы приводится в конце статьи и озаглавливается «Список литературы» – шрифт Times New Roman, размер шрифта – 12, полужирный, отступ «Первой строки» – 1,25.

Сведения об источниках следует располагать в порядке появления ссылок на источники в тексте, нумеровать арабскими цифрами без точки, размер шрифта – 11, отступ «Первой строки» – 1,25 см. Ссылки на использованные источники следует приводить в квадратных скобках. Библиографическая запись выполняется на языке оригинала.

Выходные данные книг обязательно включают: фамилию автора (авторов), инициалы, название, место издания, издательство, год издания, страницы. Например: Семенов В.В. Философия: итог тысячелетий. Философская психология. – Пущино: ПНЦ РАН, 2000. – С. 60–65.

Выходные данные статей из журналов и периодических изданий указываются в следующем порядке: фамилия автора (авторов), инициалы, название статьи, название журнала, год, номер издания, страницы. Например: Голубков Е.П. Маркетинг как концепция рыночного управления // Маркетинг в России и за рубежом. – 2001. – № 1. – С. 89–104.

Выходные данные сборников указываются в следующем порядке: фамилия автора (авторов), инициалы, название статьи, название сборника, год издания, страницы. Например: Зимин А.И. Влияние состава топливных эмульсий на концентрацию оксидов азота и серы в выбросах промышленных котельных // Экологическая защита городов: тез. докл. науч.-техн. конф. – М.: Наука, 1996. – С. 77–79.

Выходные данные электронных ресурсов содержат информацию об авторе, названии, дате и месте издания или публикации, также указывается информационный носитель, системные требования, режим доступа (к интернет-ресурсам) (Художественная энциклопедия зарубежного классического искусства [Электронный ресурс]. – Электрон. текстовые, граф., зв. дан. и прикладная прогр. (546 Мб). – М.: Большая Рос. энцикл. [и др.], 1996. – 1 электрон. опт. диск (CD-ROM) + рук. Пользователя (1 с.). – Систем. требования: ПК 486 или выше; 8 Мб ОЗУ; Windows 95 или новее; SVGA 32768 и более цв.; 640x480; 4x CD-ROM дисковод; 16 бит. зв.карта; мышь; Faulkner, A., Thomas, P. Проводимые пользователями исследования и доказательная медицина [Электронный ресурс] // Обзор современной психиатрии: электронный журнал. – 2002. – Вып. 16. – Режим доступа: <http://www.psyobsor.org>).

10. Оформление таблиц. Каждая таблица должна быть пронумерована и иметь заголовок. Номер таблицы и заголовок размещаются над таблицей. Номер оформляется как «Таблица 1» («Кесте 1», «Table 1»), стиль шрифта – курсивный. Заголовок таблицы размещается через тире, шрифт – Times New Roman, размер – 11, по центру страницы, стиль шрифта – обычный. Положение текста в таблице по левому краю, шрифт – Times New Roman, размер – 11.

11. Оформление графических материалов. Графические материалы должны быть подготовлены с помощью программ «Microsoft Graph» или «Excel» без использования сканирования.

Графические объекты должны быть в виде рисунка или сгруппированных объектов.

Графические объекты не должны выходить за пределы полей страницы и превышать одну страницу.

Каждый объект должен быть пронумерован и иметь заголовок. Номер объекта и заголовок размещаются под объектом. Номер оформляется как «*Рисунок 1*» («*Cypret 1*», «*Picture 1*»), шрифт – Times New Roman, курсив, размер – 11, положение текста на странице по центру. Далее следует название, шрифт – Times New Roman, размер – 11, стиль шрифта - обычный.

12. *Оформление формул.* Математические формулы оформляются через редактор формул «Microsoft Equation». Их нумерация проставляется с правой стороны в скобках. При большом числе формул рекомендуется их независимая нумерация по каждому разделу.

13. *К статье обязательно прилагаются:*

– сведения об авторе (на трех языках): фамилия, имя, отчество, ученая степень, ученое звание, должность, место работы (название вуза, организации, факультет, кафедра), рабочий и мобильный телефоны;

– рецензия кандидата или доктора наук, доктора PhD(для авторов без ученой степени).

Редакция не несет обязательств по рецензированию всех поступающих материалов и не вступает в дискуссию с авторами отклоненных материалов.

По всем вопросам приема и публикации статей обращаться по адресу:

Республика Казахстан, 110000, г. Костанай, ул. Байтурсынова, 47
НАО «Костанайский региональный университет
имени Ахмет Байтұрсынұлы» МОН РК
БИН 200740006481, БИК KCJBKZKX
ИИК KZ398562203108711441 в АО «Банк Центр Кредит»

Республика Казахстан, 110000, г. Костанай, ул. Байтурсынова, 47
№007 каб. Тел.: 8 (777) 581-51-20
E-mail: vestnik.kru@ksu.edu.kz

INFORMATION FOR AUTHORS

The journal «KMPI Zharshysy» is responsible for publishing the articles with original content on the results of research in the fields of social-humanitarian, physical and mathematical, technical, biological, chemical-technological, economical sciences, and ecology, international scientific relationships and etc. which were not printed previously.

The decision to publish an article is considered by the editorial board of the journal after peer review. Rejected articles are not considered again by the editorial board.

Articles are published in Kazakh, Russian and English languages.

The journal is published four times a year (January, April, July, October).

A subscription to the journal can be obtained at any post office of JSC "Kazpost". Subscription index 74081.

Article requirements:

The volume of the text of the article should be between 15,000 and 60,000 signs, including spaces and footnotes (from 0,3 to 1,5 printed page, i.e. 5-24 pages).

Technical requirements for the decoration of the text:

Font: Times New Roman, size – 12, alignment – width of the page.

Field: on 2 cm from all directions.

Line spacing: single.

Spacing between paragraphs «Before» – no, «After» – no.

Indentation of "The first line" – 1,25.

Text: one column on the page.

The first (titular) page of the article must include the following information:

1. *UDC code*. Boldface, position on the left side of the page. Assign the UDC to copyright material can be available here: <http://teacode.com/online/udc/>.

2. *Full name of the author*. Bold italic, position on the right edge of the page through the line after the UDC code.

3. *Information about authors*. Font style – italic, position on the right edge of the page: academic degree, academic title, position, place of work, city, country.

4. *Title*. Uppercase letters, bold, position – at the center of the page.

5. *Abstract to the article*. The word «Abstract» (kaz. «Түйін», rus. «Аннотация»), boldface, position – at the center of the page, in a line after the title. Abstract is made in the language of the article. It is possible to replace the abstract on the language of the article to the summary on the language of the article. Text of abstract: 500–800 signs including spaces, italics, position – the width of text, indents on the left and right – 2 cm, indentation of "the first line" – 1.25.

6. *Summary of the article*. It is made out in two languages differ from the language of the article, with the translation of the title of the article. Text of summary: italic, after references, 500–800 signs including spaces, alignment – the width of page, indentation of "the first line" – 1.25.

7. *Key words* (from 5 to 8). Key words are written in three languages, are located accordingly under the «Abstract» and «Summary». The phrase «Key words» (kaz. «Кілт сөздер», rus. «Ключевые слова»): boldface, indents on the left and right – 2 cm, after the phrase there is a colon. Key words are written after the phrase "Key words" in the same line, separated by a comma.

8. *Main text of the article* consists of the following parts:

1) *Introduction* (kaz. – Кіріспе, rus. – Введение).

2) *Materials and Methods* (kaz. – Материалдар мен әдістер, rus. – Материалы и методы).

3) *Results* (kaz. – Нәтижелер, rus. – Результаты).

4) *Discussion* (kaz. – Талқылау, rus. – Обсуждение).

5) *Conclusions* (kaz. – Қорытынды, rus. – Выводы).

6) *Appreciation* (kaz. – Ризашылық білдіру, rus. – Благодарности).

Parts 3 and 4 may be combined, part 6 – if it is necessary.

Parts of the article should be numbered, Arabic numerals without a dot. Headings of parts – font Times New Roman, size – 12, boldface, position on the left side of the page.

While highlighting only Arabic numerals should be used in the text of selected items or lists.

9. *References* (kaz. – Әдебиеттер тізімі, rus. – Список литературы). References should be listed at the end of the article and headlined as «References» –font Times New Roman, font size – 12, boldface, indent 1.25.

Information about the sources should be arranged in order of appearance of references to sources in the text, and numbered in Arabic numerals without a dot, font size – 11, indent 1.25 cm. References to the sources used should be given in square brackets. Bibliographic record is made in language of the original source.

Output data of *books* must include: surname of the author (authors), initials, name, place of publication, publisher, year of publication, number of pages. For example: Семенов, В.В. Философия: итог тысячелетий. Философская психология. – Пущино: ПИНЦРАН, 2000. – Р. 60–65.

Output data of *articles from journals and periodicals* must include: surname of the author (authors), initials, title of the article, title of the journal, year, number of publication, number of pages. For example: Голубков Е.П. Маркетинг как концепция рыночного управления // Маркетинг в России и зарубежом. – 2001. – № 1. – Р. 89–104.

Output data of *collections* is indicated in the following order: surname of the author (authors), initials, title of the article, title of the collection, year of publication, number of pages. For example: Зимин А.И. Влияние состава топливных эмульсий на концентрацию оксидов азота и серы в выбросах промышленных котельных // Экологическая защита городов: тез. докл. науч.-техн. конф. – М.: Наука, 1996. – Р. 77–79.

Output data of *electronic resources* provides information about the author, title, date and place of edition, or publication, also indicates the information carrier, system requirements, access mode (to the Internet resources) (Художественная энциклопедия зарубежного классического искусства [Электронный ресурс]. – Электрон. текстовые, граф., зв.дан. и прикладная прогр. (546 Мб). – М.: Большая Рос. энцикл. [и др.], 1996. – 1 электрон. опт. диск (CD-ROM) + рук. Пользователя (1 с.). – Систем. требования: ПК 486 или выше; 8 Мб ОЗУ; Windows 95 или новее; SVGA 32768 и более цв.; 640x480; 4x CD-ROM дисковод; 16 бит. зв.карта; мышь; Faulkner, A., Thomas, R. Проводимые пользователями исследования и доказательная медицина [Электронный ресурс] // Обзор современной психиатрии: электронный журнал. – 2002. – Вып. 16. – Режим доступа: <http://www.psyobsor.org>).

10. *Design of tables*. Each table should be numbered and titled. Table number and heading are placed above the table. Number is issued as «Table 1» («Кесме 1», «Таблица 1»), font style – italic. Table heading is placed by a dash, font – Times New Roman, size – 11, font style – regular, at the center of the page. The position of the text in the table – to the left, the font – Times New Roman, size – 11.

11. *Design of graphic materials*. Graphic materials should be prepared by using the programs «Microsoft Graph» or «Excel» without scanning.

Graphical objects should be presented as a picture or grouped objects.

Graphical objects should not extend beyond the page margins, and have no more than one page.

Each object must be numbered and titled. Number of the object and title are placed under the object. Number is presented as «Picture 1» («Сүрөм 1», «Рисунок 1»), the font – Times New Roman, italic, size – 11, position of the text – at the center of the page. Then, the title – the font – Times New Roman, size – 11, font style – regular.

12. *Design of formulas*. Mathematical formulas are made through the «Microsoft Equation» formula editor. The numbering is affixed to the right in brackets. If there is a large number of formulas it will be recommended their independent numbering for each section.

13. The article must have:

- information about the author: surname, name, patronymic, academic degree, academic title, position, place of work (name of institution, organization, faculty, department), office and mobile phone numbers;

- review of the candidate or doctor of sciences, PhD doctors (for authors without scientific degree).

Editors are not liable for reviewing all incoming materials and do not enter into a discussion with the authors of rejected materials.

On all questions of reception and publication of articles contact us at:

Republic of Kazakhstan, 110000, Kostanay, Baitursynov street, 47
NLC «Akhmet Baitursynuly Kostanay Regional University» MES RK
BIN 200740006481 BIC KCJBKZKX
IIC KCJBKZKX AO «BankCentrCredit»

Republic of Kazakhstan, 110000, Kostanay, Baitursynov street, 47
office №007. Tel.: 8 (777) 581-51-20
E-mail: vestnik.kru@ksu.edu.kz

МАЗМҰНЫ

ГУМАНИТАРЛЫҚ ЖӘНЕ ӨНЕР ФЫЛЫМДАРЫ

Мырзагалиева, К.М., Омарова, Д.К. Әдебиет сабағында Мұхтар Шаханов шығармашылығын оқытуда инновациялық әдістерді колданудың тиімді жолдары	3
Сегизбаева, К.К., Калиева, М.Т. Әлемнің қазақ тілдік бейнесінің түйінді ұғымдары	9
Сегизбаева, К.К., Лопушнян, М.С. В.М. Шукшин әңгімелер үлгісі бойынша экспрессивті етістіктің лексика-семантикалық тобы	23

ЖАРАТЫЛЫСТАНУ ФЫЛЫМДАРЫ

Баубекова, Г.К., Клат, Я., Петрунин, М. Қостанай қаласының 2020-2023 жылдарға арналған климаттық көрсеткіштерінің динамикасы	35
Майер, Ф.Ф., Гриднева, В.М. Айналу мүмкіндігі шектеулі функциялардың бір класы туралы	40
Тастанов, М.Г. Гельмгольц теңдеуі үшін Дирихленің сыртқы есептерін шешу әдістері туралы	45

ИНЖИНИРИНГ ЖӘНЕ ТЕХНОЛОГИЯ

Амантаев, М.А., Рустембаев, А.Б., Золотухин, Е.А., Тұрғын, Д.Н. Бақтағы жанаармайды жылдыту үшін дизельдік қозғалтқыштан пайдаланылған газдардың жылу қуатын энергия ретінде пайдаланудың тиімділігі.....	58
Кравченко, Р.И., Семибалағамут, А.В., Амантаев, М.А., Елисеев, В.С. Автопоездегі динамикалық жүктемелерді тұрақтандыруға арналған тіркең сүйреу құрылғысының конструкциясын негіздеу	65
Кравченко, Р.И., Семибалағамут, А.В., Золотухин, Е.А., Баников, Д.А. Толық жетекті көп осыті жүк көлігінің жолдан өту мүмкіндігіне конструктивті жұмыс факторларының әсерін бағалау	72
Серікбаев, Б.Б. Бағдарламалауға арналған мобиЛЬДІ қосымшаларға шолу: олардың артықшылықтары мен кемшіліктері	80

АУЫЛ ШАРУАШЫЛЫҒЫ ЖӘНЕ ВЕТЕРИНАРИЯ ФЫЛЫМДАРЫ

Айтжанова, И.Н., Бекманова, А.Б. НЕК293Т жасушаларын отырғызу (культтивирлеу)	88
---	----

ӘЛЕУМЕТТІК ФЫЛЫМДАР

Амантаева, Р.К., Сартанова, Н.Т., Байжанова, Л.А-Н. Жасанды интеллекттің бизнестік білім беруге әсері	95
Байкин, А.К., Байжанова, Л.А-Н., Амантаева, Р.К. Циркулярлық экономиканың жағдайындағы аймақтың инвестициялық саясаты	102
Коваль, А.П., Курманов, А.М., Шаяхметова, Л.М. Қазақстан республикасында әлеуметтік кепілдіктер жүйесін дамытудың әдіснамалық аспектілері	107
Мухаметкалиева, Е.М., Байжанова, Л.А-Н., Саидов, А.М. Цифрлық құралдар негізінде өнірлердің инвестициялық саясатын қалыптастыру	115
Саидов, А.М., Байжанова, Л.А-Н., Субаева, А.К. Ауыл шаруашылығындағы адами капиталды дамыту: цифрлық технологиялар мен аймақтық инвестициялардың рөлі	121
Тобылов, К.Т., Молдагалиева, Н.Д. Андрагогика мен хьюотагогикадағы Hard- және Soft Skills ерекшеліктері	127
Шамкенов, Р.Ж., Давлетбаева, Ж.Ж. Мемлекет пен бизнестің өзара іс-қимылы негізінде Ақмола облысында туризмді дамыту	136
Шумейко, Т.С. Жалпы білім беретін мектепте жағдайында бірінші сыныптарға цифрлық сауаттықты оқыту ерекшеліктері	141
БІЗДІҢ АВТОРЛАР	148
АВТОРЛАРДЫҢ НАЗАРЫНА	157

СОДЕРЖАНИЕ

ГУМАНИТАРНЫЕ НАУКИ И ИСКУССТВО

Мырзагалиева, К.М., Омарова, Д.К. Эффективные способы использования инновационных методов в обучении творчеству Мухтара Шаханова на уроках литературы.....	3
Сегизбаева, К.К., Калиева, М.Т. Ключевые концепты казахской языковой картины мира.....	9
Сегизбаева, К.К., Лопушнян, М.С. Лексико-семантическая группа экспрессивных глаголов на примере рассказов В.М. Шукшина.....	23

ЕСТЕСТВЕННЫЕ НАУКИ

Баубекова, Г.К., Клат, Я., Петрунин, М. Динамика климатических показателей города Костаная за период 2020-2023 годы.....	35
Майер, Ф.Ф., Гриднева, В.М. Об одном классе функций с ограниченным вращением	40
Тастанов, М.Г. О методах решения внешней задачи Дирихле для уравнения Гельмгольца.....	45

ИНЖИНИРИНГ И ТЕХНОЛОГИИ

Амантаев, М.А., Рустембаев, А.Б., Золотухин, Е.А., Турғын, Д.Н. Эффективность использования тепловой мощности отработавших газов дизельного двигателя как источника энергии для подогрева топлива в баке	58
Кравченко, Р.И., Семибалаумут, А.В., Амантаев, М.А., Елисеев, В.С. Обоснование конструкции тягово-сцепного устройства для стабилизации динамических нагрузок в автопоезде.....	65
Кравченко, Р.И., Семибалаумут, А.В., Золотухин, Е.А., Баников, Д.А. Оценка влияния конструктивных и эксплуатационных факторов на опорную проходимость полноприводного многоосного грузового автомобиля.....	72
Серикбаев, Б.Б. Обзор мобильных приложений по программированию: их преимущества и недостатки.....	80

СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННЫЕ, ВЕТЕРИНАРНЫЕ НАУКИ

Айтжанова, И.Н., Бекманова, А.Б. Пассаж (культтивирование) клеток НЕК293Т	88
---	----

СОЦИАЛЬНЫЕ НАУКИ

Амантаева, Р.К., Сартанова, Н.Т., Байжанова, Л.А.-Н. Влияние искусственного интеллекта на бизнес-образование.....	95
Байкин, А.К., Байжанова, Л.А.-Н., Амантаева, Р.К. Инвестиционная политика региона в условиях циркулярной экономики	102
Коваль, А.П., Курманов, А.М., Шаяхметова, Л.М. Методологические аспекты развития системы социальных гарантий в республике Казахстан.....	107
Мухаметкалиева, Е.М., Байжанова, Л.А.-Н., Сайдов, А.М. Формирование инвестиционной политики регионов на основе цифровых инструментов.....	115
Сайдов, А.М., Байжанова, Л.А.-Н., Субаева, А.К. Развитие человеческого капитала в сельском хозяйстве: роль цифровых технологий и региональных инвестиций	121
Тобылов, К.Т., Молдагалиева, Н.Д. Особенности Hard- и Soft skills в андрогогике и хюთагогике	127
Шамкенов, Р.Ж., Давлетбаева, Ж.Ж. Развитие туризма в Акмолинской области на основе взаимодействия государства и бизнеса	136
Шумейко, Т.С. Особенности обучения первоклассников цифровой грамотности в условиях общеобразовательной школы.....	141

НАШИ АВТОРЫ	151
--------------------------	------------

ИНФОРМАЦИЯ ДЛЯ АВТОРОВ	160
-------------------------------------	------------

CONTENT

HUMANITIES AND ARTS

Myrzagalieva, K.M., Omarova, D.K. Effective ways to use innovative methods in teaching Mukhtar Shakhanov's creativity in literature lessons.....	3
Segizbayeva, K.K., Kaliyeva, M.T. Key concepts of the kazakh language worldview	9
Segizbayeva, K.K., Lopushnyan, M.S. Lexical-semantic group of expressive verbs using the example of V.M. Shukshin's stories	23

NATURAL SCIENCES

Baubekova, G.K., Klat, Ya., Petrunin, M. Changes in climatic indices of Kostanay during 2020-2023	35
Mayer, F.F., Gridneva, V.M. About one class of functions with bounded turning	40
Tastanov, M.G. On methods for solving the Dirichlet external problem for the Helmholtz equation	45

ENGINEERING AND TECHNOLOGY

Amantayev, M.A., Rustembayev, A.B., Zolotukhin, Ye.A., Turgyn, D.N. Effectiveness of using the thermal power of diesel engine exhaust gas as an energy source for heating fuel in the tank.....	58
Kravchenko, R.I., Semibalamut, A.V., Amantayev, M.A., Yeliseyev, V.S. Justification of the design of a towing coupler for stabilizing dynamic loads in of road train.....	65
Kravchenko, R.I., Semibalamut, A.V., Zolotukhin, Ye.A., Banshchikov, D.A. Assessment of the influence of design and operational factors on the flotation of 4wd multi-axle truck	72
Serikbayev, B.B. Overview of mobile programming applications: their advantages and disadvantages	80

AGRICULTURAL, VETERINARY SCIENCES

Aitzhanova, I.N., Bekmanova, A.B. Passage (cultivation) of HEK293T cells	88
--	----

SOCIAL SCIENCES

Amantayeva, R.K., Sartanova, N.T., Baizhanova, L.A-N. Influence of artificial intelligence on business education.....	95
Baikin, A.K., Baizhanova, L.A-N., Amantayeva, R.K. Regional investment policy in the context of a circular economy	102
Koval, A., Kurmanov, A., Shayakhmetova, L. Methodological aspects of the development of the social security system in the republic of Kazakhstan.....	107
Mukhametkaliyeva, Ye.M., Baizhanova, L.A-N., Saidov, A.M. Formation of regional investment policy using digital tools	115
Saidov, A.M, Baizhanova, L.A-N, Subaeva, A.K. Development of human capital in agriculture: the role of digital technologies and regional investments.....	121
Tobylov, K.T., Moldagaliyeva, N.D. Features of Hard- and Soft skills in andragogy and hyutagogy	127
Shamkenov, R.Zh., Davletbaeva, Zh.Zh. Development of tourism in the Akmola region based on the state and business interaction	136
Shumeiko, T.S. Aspects of digital literacy training to the first grade schoolchildren in the general education school	141

OUR AUTHORS	154
--------------------------	-----

63

INFORMATION FOR AUTHORS	163
--------------------------------------	-----

Компьютерлік беттеу: С. Красикова

Компьютерная верстка: С. Красикова

Басуға 04.07.2024 ж. берілді.
Пішімі 60x84/8. Көлемі 12,0 б.т.
Тапсырыс № 051

Ахмет Байтұрсынұлы атындағы
Қостанай өңірлік университетіндегі
редакциялық-баспа бөлімінде басылған
Қостанай қ., Байтұрсынов к., 47

Подписано в печать 04.07.2024 г.
Формат 60x84/8. Объем 12,0 п.л.
Заказ № 051

Отпечатано в редакционно-издательском отделе
Костанайского регионального университета
имени Ахмет Байтұрсынұлы
г. Костанай, ул. Байтурсынова, 47